

Министерство науки и высшего образования РФ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«СИБИРСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

Б1.В.ДВ.07.02 Математические методы в  
информационной безопасности

наименование дисциплины (модуля) в соответствии с учебным планом

Направление подготовки / специальность

01.03.04 Прикладная математика

Направленность (профиль)

01.03.04 Прикладная математика

Форма обучения

очная

Год набора

2020

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Программу составили \_\_\_\_\_

к.п.н., доцент, Кирко И.Н.

\_\_\_\_\_  
должность, инициалы, фамилия

## 1 Цели и задачи изучения дисциплины

### 1.1 Цель преподавания дисциплины

Дисциплина “Математические методы в информационной безопасности” знакомит студентов с основами защиты информации

### 1.2 Задачи изучения дисциплины

Задачи изучения дисциплины

В результате изучения дисциплины студенты должны:

- Знать основные понятия и определения, используемые при защите информации.
- Изучить возможные источники, риски и формы атак на информацию.
- Ознакомиться со стандартами безопасности. Знать основные особенности политики безопасности.
- Изучить теоретические основы криптографии. Знать и уметь применить основные алгоритмы шифрования.
- Иметь понятие об особенностях и требованиях к защите информации в сетях.

### 1.3 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения по дисциплине
<b>ПК-1: Способен к постижению основ математических моделей реального объекта или процесса, готов применять моделирование для построения объектов и процессов, определения или предсказания их свойств.</b>	
ПК-1.1: Знать основы применения математических моделей при исследовании процессов и систем.	Знать основные понятия и определения, используемые при защите информации
ПК-1.2: Уметь использовать современный аппарат математического моделирования при решении прикладных научных и производственных задач	уметь применить основные алгоритмы шифрования
ПК-1.3: Владеть методами проверки на адекватность и проведения анализа результатов моделирования.	Владеть основами особенности политики безопасности.

### 1.4 Особенности реализации дисциплины

Язык реализации дисциплины: Русский.

Дисциплина (модуль) реализуется без применения ЭО и ДОТ.

## 2. Объем дисциплины (модуля)

Вид учебной работы	Всего, зачетных единиц (акад.час)	е
		1
<b>Контактная работа с преподавателем:</b>	<b>2 (72)</b>	
занятия лекционного типа	0,5 (18)	
практические занятия	1,5 (54)	
<b>Самостоятельная работа обучающихся:</b>	<b>2 (72)</b>	
курсовое проектирование (КП)	Нет	
курсовая работа (КР)	Нет	
<b>Промежуточная аттестация (Экзамен)</b>	<b>1 (36)</b>	

### 3 Содержание дисциплины (модуля)

#### 3.1 Разделы дисциплины и виды занятий (тематический план занятий)

		Контактная работа, ак. час.							
№ п/п	Модули, темы (разделы) дисциплины	Занятия лекционного типа		Занятия семинарского типа				Самостоятельная работа, ак. час.	
				Семинары и/или Практические занятия		Лабораторные работы и/или Практикумы			
		Всего	В том числе в ЭИОС	Всего	В том числе в ЭИОС	Всего	В том числе в ЭИОС	Всего	В том числе в ЭИОС
<b>1. Математические методы информационной безопасности</b>									

<p>1. Группы. Аксиомы и примеры. Теорема о единичном элементе и его обратном элементе. Произведение обратных элементов. Латинские квадраты. Абелевы группы. Кольца, определение, аксиомы и примеры. Коммутативные кольца и их свойства. Поля, определения, аксиомы и примеры. Простейшие поля. Простые числа и связанные с ними поля и их свойства. Поля Гауа. Мультипликативные группы полей Гауа. Порядок элементов. Идеалы, определение, свойства и примеры. Классы вычетов, свойства и примеры. Идеалы и классы вычетов целых чисел. Их свойства; соответствующие теоремы. Важные объекты теории чисел: простые числа, делители. Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное. Алгоритм Евклида. Теорема Ферма. Функция Эйлера. Нахождение обратного элемента по модулю. Подгруппы и смежные классы. Теорема Лагранжа. Расширенный алгоритм Евклида и соотношение Безу. Их применение.</p>	6							
<p>2. Модульные операции. Суммирование и умножение. Деление и возведение в степень</p>			18					
<p>3. Работа с литературой</p>						10		

4. Структура конечных групп, образованных остатками от деления для полиномов. Изоморфизм. Нормированные и двойственные полиномы. Алгоритм Евклида для полиномов. Алгебра классов вычетов многочленов. Теорема о примитивном элементе поля Гауа. Свойства корней полиномов. Неприводимые и примитивные многочлены. Идеалы многочленов и классы вычетов. Структуры конечных групп, образованных остатками от деления для составных чисел. Линейные переключательные схемы. Определение и примеры. Операции над полиномами. Деление полиномов.	4							
5. Алгоритм Евклида и расширенный алгоритм Евклида			12					
6. Работа с литературой							20	
7. Виды шифрования, их свойства. Пароли. Поточное, блочное, сверточное шифрование, их свойства. Виды шифрования: одностороннее (без расшифровки), симметричное и несимметричное (с открытым ключом). Модульное возведение в степень. Система шифрования RSA. Алгоритм и его обоснование. Достоинства и недостатки метода. Система шифрования по Эль-Гамалю. Алгоритм и его обоснование. Достоинства и недостатки метода. Открытое распределение ключей. Алгоритм Диффи-Хелмана. Понятие о методах криптоанализа. Факторизация. Парадокс дней рождений.	4							
8.			12					
9. Работа с литературой							10	

<p>10. Определение и способы вычисления кодов CRC. Выбор “магического” полинома и его влияние на обнаружение ошибок при помощи CRC-кода. Генераторы случайных последовательностей на регистрах. Рекуррентные соотношения. Генераторы случайных последовательностей, использующие переключательные схемы. Шифрование методом деления полиномов. Длина периода гаммы. Шифрование при помощи генераторов случайных последовательностей. Свойства шифрования при помощи гамма-последовательностей. Получение гамма-последовательностей с очень большим периодом. Поточковые шифры. Линейная сложность. Генератор Грегге, генератор с нелинейным фильтром. Сжимающий генератор. Псевдослучайные последовательности. Определение длины периода последовательности. Метод Флойда. Период и автокорреляция. Постулаты Голомба для псевдослучайных последовательностей.</p>	2							
<p>11. Шифрование при помощи гамма-последовательности</p>			6					
<p>12. Работа с литературой</p>						10		

13. Источники, риски и формы атак на информацию. Информационная безопасность компьютерных систем. Дискреционное управление доступом. Безопасность повторного использования объектов. Метки безопасности. Мандатное управление доступом. Подотчетность. Аудит. Операционная и технологическая гарантированность вычислительных систем. Алгоритмы аутентификации пользователей. Многоуровневая защита корпоративных сетей. Защита информации в сетях. Требования к системам защиты информации.	2							
14. Криптоанализ текста, зашифрованного методом гамма-последовательности			6					
15. Работа с литературой							22	
16.								
Всего	18		54				72	

## **4 Учебно-методическое обеспечение дисциплины**

### **4.1 Печатные и электронные издания:**

1. Рябко Б.Я., Фионов А.Н. Основы современной криптографии и стеганографии(Москва: Горячая линия-Телеком).
2. Шаньгин В.Ф. Комплексная защита информации в корпоративных системах: учебное пособие.; допущено УМО вузов по университетскому образованию(М.: ИНФРА-М).
3. Жук А.П., Жук Е.П., Лепешкин О.М., Тимошкин А.И. Защита информации: учебное пособие.; рекомендовано УМО по образованию в области информационных технологий и систем(М.: ИНФРА-М).
4. Кирко. И.Н., Кушнир. В.П. Программно-аппаратные средства защиты информации: учеб-метод. материалы к изучению дисциплины для ... 10.05.01 - Компьютерная безопасность(Красноярск: СФУ).

### **4.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение, в том числе отечественного производства (программное обеспечение, на которое университет имеет лицензию, а также свободно распространяемое программное обеспечение):**

1. Методика проведения занятий допускает использование технических средств (проекторы, интерактивные доски), обеспеченных соответствующим программным обеспечением, предлагается применение вычислительной техники и стандартных пакетов прикладных программ (MS Office, MathCad, MathLab и др.).
- 2.

### **4.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационные справочные системы:**

1. Справочная система "Консультант плюс"

## **5 Фонд оценочных средств**

Оценочные средства находятся в приложении к рабочим программам дисциплин.

## **6 Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)**

Методика проведения занятий допускает как использование технических средств (проекторы, интерактивные доски), так и классические аудиторские занятия, обеспечиваемые стандартными материально-техническими средствами